# 単一発光体と結合したテーパードファイバーの作製と評価

# 森永実研究室 大草聖也 令和元年 3月6日

## 1. 序論

私たちが日常で目にする光には、粒子としての性質と波としての性質がある。そのため、光はその波長を固定すると最小のエネルギー単位を持つ光子という粒子としての性質を持つ。この光の最小単位である光子は量子的な特性を持っており、量子エレクトロニクスの分野で広く研究されており、量子コンピューターや量子通信等の量子を用いた情報処理の基盤となる技術になっている。

また、この光子を用いた量子フォトニクス 通信という新しい通信技術が提案されてい る。現在の社会で主として使われている光 ファイバーによる通信では、光の強度に情 報を載せて通信を行う公開鍵暗号方式が用 いられている。しかし、この通信方法におい ては第三者からの盗聴が行われていたとし ても気付くことができず、盗聴された状態 のまま通信を行い続けてしまう危険性があ る。この危険性をなくすため量子暗号通信 と呼ばれる新しい通信方式に向けた研究を 行っている。この通信方式では光の最小単 位である単一光子と呼ばれる光子一つが情 報を持ち、その量子状態を保ったまま伝送 される。この単一光子は観測行為により量 子状態が変化するという性質を持っており、 その変化が分かるため、盗聴を防ぐことが できる。本研究はこの単一光子を情報の伝 送路である光ファイバーに伝送することを 目的として行っており、そのための手法と

してテーパードファイバー先端に単一発光 体を結合させたデバイスの作製を行ってい る。

## 2. 原理

# 2.1 量子ドット

原子数を限定した直径数 nm~10nm の半 導体の結晶を量子ドットと呼び、これは核、 外殻を持つナノスケールの発光体である。 また量子ドットによって蛍光波長の大きさ が異なり、材料として用いられている物質 あるいは量子ドットのサイズにより変化す る。また核、外殻はそれぞれ異なる物質から 成っており、核には CdSe、CdSeTe などの 比較的狭いバンドギャップを持つ半導体、 外殻には ZnS、CdS などの比較的広いバン ドギャップを持つ物質が用いられている。 このような構造を持つことより表面のトラ ップサイトを強固に保護でき、かつ励起子 を効果的にコアに閉じ込めることができる。 また特定の波長の光を放出することや、多 くの場合1サイクルで1つの光子を放出す る等の特徴がある。1つの原子のような働 きをするため、単一光子の検出の他にもレ ーザーなどにも用いられている。

量子ドットは同物質から成るものであっても放出する光の周波数を変化させることができる。これは、量子ドットの粒径の変化による閉じ込め効果の変化によるものである。電子を閉じ込められる範囲を粒径 L として、井戸型ポテンシャルを V とする。この時三次元のシュレディンガー方程式に代

入して解くと

$$V = \begin{bmatrix} 0.0 < x, y, z < L \\ \infty \end{bmatrix}$$
 (2.1)

$$-\frac{\hbar^2}{2m^2}\nabla^2\varphi + V\varphi = E\varphi \tag{2.2}$$

と表すことができそのエネルギー固有値 E

 $E = \frac{\pi^2 \, n^2}{2*L^2} (n_x^2 + n_y^2 + n_z^2) \, (n_{xyz} = 1,2,3 \, \cdots) (2.3)$  となる。E は粒径の二乗の値に反比例するため、粒径が大きいほど放出波長も大きくなる。そのため粒径を変化させることにより、様々な発光波長の量子ドットを得ることができる [2]。

# 2.2 光ファイバー

光ファイバーには大きく分けてシングルモードファイバーとマルチモードファイバーの二種類がある。光ファイバー内のコア部とクラッド部の屈折率を $\mathbf{n}$ 、 $n_1$ とするとコア部とクラッド部の相対的な大きさ $\Delta$ は

$$\Delta = (n - n_1/n_1) \tag{2.4}$$

で与えられ、以下で規格化された周波数をV とすると

$$V = ak_0(n_1^2 - n_2^2)^{\frac{1}{2}} = k_0 a n_1(\frac{\Delta}{2})^{\frac{1}{2}}$$
 (2.5)

と表すことができる。これを導波路パラメータ(規格化周波数 V)という。この式中における $k_0 = 2\pi/\lambda$ であり、 $\lambda$ は光の波長、aは光ファイバーのコアの半径を表す。またシングルモードファイバーか、マルチモードファイバーであるかの判断は上記の式で行うことができる。光ファイバーの種類により式中のコア半径 a の値が変化し、それに伴い V の値が変化するためコア半径によりファイバーのモードは判別される。 V < 2.405 である時の光ファイバーがシングルモードファイバーであり、V>2.405 の時の

ファイバーがマルチモードファイバーである。具体的な数値としては、マルチモードファイバーのコア半径はおよそ  $25\sim30~\mu m$ であるのに対して、シングルモードファイバーのコア半径は  $2\sim4~\mu m$ である。[1]

また通常使用されているシングルモードファイバーの導波モードは $HE_{11}$ モードであるが、互いに直行する二つの直線偏光の $HE_{11}$ モードが伝搬可能である。X偏光のモードを $HE_{11}$  $^{y}$ と表す。 $HE_{11}$  $^{x}$ 、Y偏光のモードを $HE_{11}$  $^{y}$ と表す。 $HE_{11}$  $^{x}$ と $HE_{11}$  $^{y}$ の両直線偏光モード間の結合を減少させるためには二つのモードの伝搬定数差 $\Delta\beta=|\beta^{x}-\beta^{y}|$ が大きくなる要がある。応力等の力が加わった光ファイバーでは異なる偏光モードに対して伝搬定数が異なり、複屈折と似たような性質を示す。複屈折とは境界面において屈折する光が一つでなく二つになる現象のことであり、光が物質中を通過するときに振動面のきによってその進む振動が異なることを指す。

伝搬定数差 $\Delta\beta$ の大きさを表すパラメーターとして、モード複屈折率 B は次のように与えられる。

$$B = \frac{\Delta \beta}{k_0} \tag{2.6}$$

 $\Delta \beta$ が 0 でない場合、電力が同じモードの伝送を行うと、図 2.6 のように直線偏光と円偏光を交互に繰り返すこととなる。これにより光ファイバーを観察すると光の強弱が観測され、この強弱の周期をビート長と呼ぶ。ビート長 L と $\Delta \beta$  は以下のような関係式で表すことができる。[1]

$$L = \frac{2\pi}{\Lambda R} = \frac{\lambda}{R} \tag{2.7}$$

2.3 テーパードファイバー

テーパードファイバーとは光ファイバ

ーを加工することにより先端を先細りさせた形状のものである。先細りさせた形状であることにより先端付近ではコアが極細化し、クラッド部に吸収される形になり、クラッド部がコア部、空気または真空がクラッド部の働きをする。

ファイバーに入射する光が可視光範囲であるとすると、直径がそのサブ波長程度のファイバーであれば、ファイバー内を伝搬する光はその直径の領域に集中することになり、先端付近で染み出す微小部分も含めて、テーパードファイバー先端付近は光の場のモード密度は伝搬モードの領域に局所的に集中することになる。これにより、単一光体をテーパードファイバー先端に配置すると、発光体は自由空間と異なるモードの密度分布の光の場と相互作用することになる。先端に結合させる原子の準位i、j間の遷移周波数を $\nu_{ij}$ 、遷移双極子モーメントをルijとすると、準位間の自然放出レートijは光の場のモード密度ij0に比例して

$$\gamma_{ij} = (2\pi) |\mu_{ij}|^2 \rho(v_{ij})$$
 (2.8)

と表すことができる。この式(2.5)はフェルミの黄金律と呼ばれ、モード密度が増加するほど自然放出レートも増加することがわかる。

このようなことから単に先端を切り落とした形状の光ファイバーよりも光子を導く効率が上がる。しかし形状の変化による光の染み出しにより、通常の光ファイバーに比べ光の伝搬効率は減少する。このロスは光軸に対する先細り角度 $\Omega$ が増加するほど大きくなり、 $\Omega$ を用いてテーパー部の長さ $Z_t$ を

$$Z_t = \frac{R}{\tan(\Omega)} \tag{2.9}$$

と表すことができる。テーパードファイバーはバーナーやレーザーにより光ファイバーを過熱延伸して作製することができる。光ファイバーの過熱延伸時の模式図が図2.7である。図2.7における $Z_0$ は加工時の変化部分の長さ、 $I_w$ は均一なテーパー部分の長さ、 $r_0$ は加工前のファイバー半径であり $r_w$ はテーパー部分の半径である。両端を延伸する速度が同じ場合には、先細り部分が左右対称な構造をとる。延伸した分の正味の距離 x は延伸後のファイバーの位置 PQ 間の長さから、延伸前の PQ 間の長さを引いたものと等しくなる。また過熱部分の長さ L が時間 t で変化する関数であるとする

$$I_w(t) = L(t) \tag{2.10}$$

となり、テーパー部の長さとPが等しくなる。さらに過熱による光ファイバーの延伸前と延伸後の質量は保存されている。これにより図3.1における時間 $t+\delta t$ における延伸ガラスファイバーのPQ間の体積は、時間tにおける過熱されたガラスファイバーPQ間の体積に等しくならなければならない。これにより

 $\pi(r_w + \delta r_w)^2(L + \delta x) = \pi r_w^2 L$  (2.11) が成り立つ。 $\delta r_w$ は円柱部分の半径の変化であり、延伸過程であれば負の値をとる。極限  $\delta t \rightarrow 0$  において、拡張式 x とともに、ウエスト半径 $r_w$ の変化を微分方程式で考えると以下の式で表すことができる。

$$\frac{dr_w}{dx} = -\frac{r_w}{2L} \tag{2.12}$$

また時間変化するウエスト $径r_w$ の初期状態 $er_0$ とする。式(2.8)の両辺を積分すると

$$\int_{r_0}^{r_w} dr'_w = -\int_0^x \frac{r'_w}{2L} dx' \qquad (2.13)$$

$$\int_{r_0}^{r_w} \frac{dr'_w}{r'_w} = -\frac{1}{2} \int_0^x \frac{dx'}{L(x')}$$
 (2.14)

$$r_w(x) = r_0 exp \left[ -\frac{1}{2} \int_0^x \frac{dx'}{L(x')} \right] \quad (2.15)$$

と表せる。

次に延伸前後における距離の関係性を 考える。延伸前と延伸後の距離の関係性を 式で用いて表すと以下のようになる。

$$L_0 + x = L(x) + 2z_0 (2.16)$$

$$z_0 = \frac{L_0 + x - L(x)}{2} \tag{2.17}$$

過熱部分が一定であると考えると、 $L(x') = L_0$ となるため式(2.12)に代入して考えると

$$r_w(x) = r_0 e^{-\frac{z}{L_0}}$$
 (2.18)

となる。式(2.15)の変化するテーパー部の 長さ $z_0$ は $z_0$ = 2x であるため式(2.15)は

$$r(z_0) = r_0 e^{-\frac{z_0}{L_0}} (2.19)$$

となる。この式よりテーパー半径は伸ばす 延伸距離と過熱部の長さにより変化するこ とがわかる。[2]

#### 3 実験方法

# 3.1 テーパードファイバーの作製

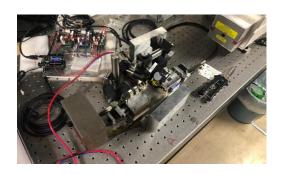


図1 自作したファイバー加工機

自動直動 X 軸ステージ二つを左右に平行 に配置し、CO2 レーザーと小型酸素バーナ ーをセッティングした。左右のステージ上 部に光ファイバー用の溝と固定するための マグネットを配置して左右のステージ上部 に光ファイバーを固定している。またこの 自動直動X軸ステージはステッピングモー ターで稼働しており、モーターの最小稼働 角は 0.73 度となっている。これにより、一 回転するために 500 ステップが必要となり、 実際の移動距離から1ステップで2 µm移動 することが分かった。この値が通常状態で のステージの最小移動距離となる。このス テージを動作させるためドライバとして CRD 5 1 0 7 P、SD5107P3-A22(オリエン タルモーター社)を用いた。これを Arduino に書き込んだプログラムで操作しファイバ ー加熱時の延伸方法を制御した。また図3.1 上部に配置してある酸素バーナーも左右の ステージと同様のモーターどドライバによ り動作を制御できるように作成した。また 作製したテーパードファイバーの透過率の 変化を測定するため、加熱延伸する光ファ イバーにフェルールを用いてレーザーを入 射させ、ファイバー先端から出射する光量 の変化を電圧として測定するための装置を 作成し取り付けた。透過率は毎秒4回カウ ントが行われるように設定した。ステージ 動作としては三種類を使用し、その内の一 つが以下の図2である。



図2 ステージ動作例

## 3.2 量子ドットからの光子検出

テーパードファイバー先端に量子ドットを付着させ、量子ドットからの光子検出を行うに当たり、フォトンカウンティモジュールを光子検出モジュールとつなぎ、そこからの信号を PC で受け取り記録した。

PC は光子検出モジュールの作動中信号を 受け取り記録し続けるため量子ドットのブ リンキングがあるかどうかを確認するのに 適している。

以下図3は量子ドットからの光子検出のための装置である。

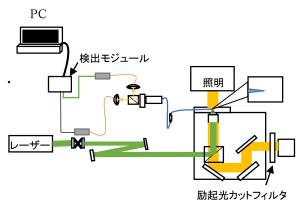


図3 光子検出記録のための装置概要

#### 4 実験結果

4.1 作製したテーパードファイバーの形状と評価

以下に作製したテーパードファイバー③ と④の形状と断熱条件との比較と③作製時 の透過率の変化を示す。

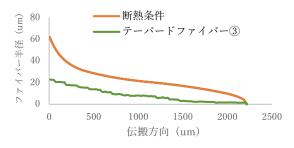


図4 テーパードファイバー③と断熱条件との比較

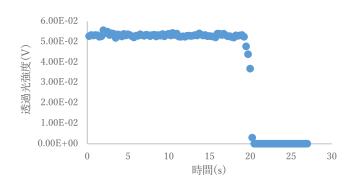


図5 テーパードファイバー③作製時の透過率変化

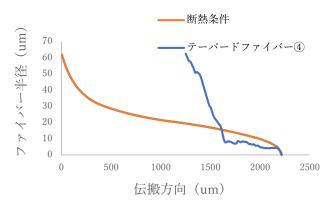


図6 テーパードファイバー④と断熱条件との比較

テーパードファイバー③は酸素バーナー による加熱により延伸を行った。またステ ージ動作は図3.8のステージ動作③を使用 した。バーナーによる加熱は加熱部が振動 なしでも5mm程度あり、そのため結果と してテーパー部は約 3000 μmあり、かなり 緩やかなテーパーの形状のファイバーとな った。これにより断熱条件との比較ではか なり損失の少ない形状に作製できた。しか し反面テーパー部が長すぎることから機械 的強度はかなり小さく取り扱いの難しい形 状となった。テーパードファイバー④の作 製においては CO2 レーザーによる加熱を 行い過熱部は91.2 µm、ステージ動作は図 3.7 のステージ動作②を用いた。形状は同 様の加熱方法とステージ動作を用いたテー

パードファイバー②と似通ったものとなった。しかし、1000 µmかけて延伸されていることから断熱条件との比較においてはテーパードファイバー②よりも比較的損失の少ない形状となった。これは CO 2 レーザーの集光を調整し、加熱部分を若干広くとったことが大きな要因であると考えている。

4.2 量子ドットからの光子検出、光子相関の結果 100 倍希釈の量子ドット溶液を用いて、 テーパードファイバー先端に量子ドットを 結合させたものからの光子検出と光子相関 の実験における結果のグラフを作成した。

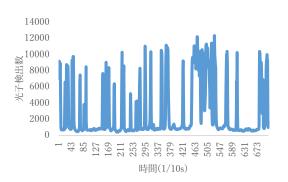


図7 テーパードファイバー③からの検出結果



図8 テーパードファイバー④からの検出結果

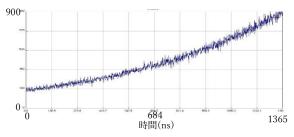


図9 確認した光子相関の観測結果

#### 5 結論、考察

作成した光ファイバー加工機を用いたテ ーパードファイバーの作製において、過熱 部分の長さが明確にテーパー部の大きさに 影響しており、それを過熱方法とステージ 動作によって調整し実際にテーパー部の長 い断熱条件と比較して損失の少ない形状の テーパードファイバーを作製することがで きた。また光子検出の結果については準備 した光子検出の装置で光子の観測は問題な く行うことができた。しかし量子ドットー つのみが発光していることを示すブリンキ ングの確認を行うことができず量子ドット 一つのみを励起し、それによる光子検出は 行うことはできなかったと考えている。こ れは準備した溶液における量子ドットの濃 度が適切でなかったためであると考えてお りより適切な濃度の量子ドットの溶液を作 る必要があると考えられる。また光子相関 の観測結果についても単一光子状態の確認 はできなかったため用いる溶液の濃度調整 を再度行い、光子検出の実験においてブリ ンキングを確認した後光子相関をとること で単一光子状態の観測を行いたいと考えて いる。

#### 参考文献

- [1]「非線形ファイバー光学」 G.P. アグラワール著 (吉岡書店 2004 年)
- [2] A. Timothy, W. Birks and Youwei Li "The Shape of Fiber Tapers" Journal of lightwave technology Vol. 10 No4. April 1992
- [3] Ramachandrarao Yalla "Single Photon Generation and Spectroscopy Using Quantum Dots on Optical Nanofibers" December 2012