極低温⁶Li原子気体を用いた p波相互作用エネルギーの測定

吉田純

平成 27 年 3 月 10 日

1 序論

1.1 冷却原子系における超流動の研究

冷却原子系における s 波超流動の実現は科学界に大きな インパクトを与えた。何故なら、冷却原子系は相互作用が が可変な系だからである。冷却原子系ではフェッシュバッハ 共鳴を用いることによって、印加磁場を制御するだけで粒 子間相互作用を引力から斥力まで自在に操ることができる。 また、温度・密度など様々なパラメータを容易に操作する ことが出来ることに加え、吸収イメージングにより、原子 集団の密度分布・運動量分布を直接観測することが可能で ある。このような実験自由度の高さにより、s 波超流動は冷 却原子系において多くの研究がなされており、超流動の詳 細な理解に対しこれまで多大な貢献をしてきた [1]。

超流動のようなマクロな量子現象は、それを引き起こす 粒子間相互作用の対称性がその物性の発現に決定的な役割 を果たす。*s* 波と *p* 波では、相互作用が中心対称であるか、 異方的であるか、という決定的な違いがある。しかし、異 方的な相互作用によって発現する超流動については未だ不 明瞭な部分も多い。よって、高い実験自由度を誇る冷却原 子系において *p* 波超流動の実現を目指す試みが成されてき た。しかし、*p* 波相互作用を増大させると三体ロス係数も 増大してしまい、原子集団の密度低下が起きてしまうとい う問題があり [2]、冷却原子系では未だに *p* 波超流動が実現 していない。

以上のような背景から、本研究室の将来的な目標は p 波 超流動を実現し、その詳細なメカニズムを明らかにするこ とと定めている。その過程で我々(主たる貢献は中筋によ る)は 2013 年に相互作用を記述するパラメータを測定し た。[3][4] また、超流動の発現を阻む最も大きな原因である、 p 波相互作用によるロスを測定した。これによって、我々は p 波超流動の実現可能性について定量的に議論することが 可能となった。その結果、単純に p 波フェッシュバッハ共鳴 の磁場を印加するだけでは p 波超流動の実現は難しいとい うことが判明した。

1.2 相互作用エネルギー測定の意義

これまでの研究で、p波超流動の実現は難しいというこ とが分かった。しかし、仮にp波超流動が発現したとして も、それを確証することは難しい。その方法の一つとして 考えられるのが比熱のとびを見る方法である。超流動の発 現は二次相転移であるために転移点付近では比熱が不連続 となる。これを観測することで超流動発現を確証できるは ずであるである。

比熱は相互作用エネルギーから算出することが出来る。 ただ、実際の実験で得られる相互作用エネルギーはトラッ プ平均された量であるので、本来は密度の不均一などを考 慮に入れて系の状態方程式を決定し、そこから比熱のとび などを見ることにより、超流動の発現を確証させなくては ならない。それは局所的な密度分布を知る必要があるなど、 実験の難易度が格段に高くなってしまう。しかし、*s* 波の場 合、トラップ平均された測定であっても、ある*T*/*T_F*で比熱 のとび(温度拡がりにより少しなまるが)が観測され、超 流動転移が確証された歴史があり [8]、トラップ平均された 相互作用エネルギーから求めた比熱でも超流動の発現を確 証することは可能であると考えている。

その際、*p*波相互作用エネルギーを定量的に測定する必要があるが、未だに*p*波相互作用エネルギーが直接測定されたことはない。そこで私の修士研究を*p*波相互作用エネルギーを測定することと定めた。

また、高温極限での予測 [6] を除けば、高次の散乱波については相互作用エネルギーと散乱長との関係に未だに理論的な予測がなく¹、p 波相互作用エネルギーを測定することはこの理論体系の構築に大いに貢献することが期待される。

2 実験

2.1 |1⟩ - |1⟩ *p*波相互作用エネルギーの測定

単一状態のフェルミ粒子間は極低温ではどの部分波の衝突 も起きない。しかし、フェッシュバッハ共鳴を用いれば、ある 部分波の衝突のみを誘起することが出来る。よって |1>-|1>p

¹高温極限においてのみ [6] が予測されている。これを検証するという 意義もある。

波フェッシュバッハ共鳴でないところの $|1\rangle - |2\rangle$ RF 遷移周 波数(図1左側の矢印)と $|1\rangle - |1\rangle p$ 波フェッシュバッハ共 鳴近傍の RF 遷移周波数(図1右側の矢印)の違いは p 波 相互作用エネルギーのみとなる。よってその遷移周波数の 差から p 波相互作用エネルギーを測定できる。(図1参照。 図は例として引力相互作用を仮定している)これが RF 分 光による $|1\rangle - |1\rangle p$ 波相互作用測定の原理である。



図 1: RF 分光による |1> - |2>p 波相互作用エネルギーの測定

しかし、実際には上記のような単純な測定は出来ない。何 故なら、そこに相互作用がなくとも、異なる磁場では |1>-|2> 遷移周波数は大きく変化してしまうからだ。 |1>-|1>p 波 フェッシュバッハ共鳴近傍の磁場では |1>及び |2> は未だパッ シェンバック領域ではないため、磁気モーメントの違いが 大きくなっており、単純に磁場を変えるだけで二準位間の エネルギー差は変化してしまう。よって |1>-|1>p 波フェッ シュバッハ共鳴でない磁場と |1>-|1>p 波フェッシュバッハ 共鳴近傍の磁場とで RF 遷移周波数を測定し、両者を比べ ると、そこには相互作用に起因する差と相互作用に起因し ない差があり、後者の寄与の方が遥かに大きいため、相互 作用エネルギーは埋もれてしまう。

そこで、図2のようにして相互作用エネルギーを測定する ことにした。図2の横軸は磁場であり、縦軸は $|1\rangle - |2\rangle$ のエ ネルギー差である。もし相互作用がないならば(a)のよう になるはずである。なぜなら相互作用がなくても起こるエネ ルギー差の変化はフェッシュバッハ共鳴の共鳴幅(100mG) 程度の磁場範囲でほぼ線形に応答するはずだからだ。もし、 相互作用があるならば(b)のような状況になるだろう。相 互作用がなくても起こるエネルギー差の変化((b)の点線) に相互作用によるエネルギー変化(これは100mG程度の狭 い磁場範囲で急激に起こる)が乗っかるはずである。そこ で、相互作用がないと仮定して理論的に計算したフェッシュ バッハ共鳴近傍の磁場における $|1\rangle - |2\rangle$ 遷移周波数と実験 で測定した $|1\rangle - |2\rangle$ 遷移周波数を比べ、その差を p 波相互 作用エネルギーとして測定することにした。

図 2 (b)の点線は相互作用がないとした時の理論値で実 線が測定値である。実線の点線からのズレが *p* 波相互作用 エネルギーと予想される。



図 2: 予想される遷移周波数の磁場依存性

2.1.1 実験セットアップ

RF 分光の測定ではクロスビームトラップを用いた。シン グルビームトラップだとトラップ形状はビームの軸方向に 伸びてしまい、その空間的な拡がりが原子集団の感じる磁 場に拡がりを持たせてしまうと考えたからである。これは RF 遷移周波数を割り出すことに対し不利に働くので、クロ スビームトラップを用いて²空間的な拡がりを抑えた。縮 退原子を得るために、 $|1\rangle - |2\rangle$ 混合気体³に対し、約 300G の磁場⁴でトラップレーザーの強度を下げることにより、蒸 発冷却を行った。その後 $|2\rangle$ にのみ共鳴するブラスト光を照 射し、 $|1\rangle$ のみの原子集団(約 10⁵ 個、10 μ K)を得た。

2.1.2 測定

2.1.1 節のようにして得た原子集団に対し、|1> – |2> 遷移 を起こすような RF を 30msec 照射した。そして磁場を印 加したまま、|2> にのみ共鳴する光でイメージングを行い、 RF 遷移が起きていなければ |2> には population がないは ずであるため、その原子数を持って RF 遷移強度とした。こ れを様々な周波数の RF にて行い、RF 遷移スペクトルを測 定した。(典型的なデータを図 3 に示す。)これをローレン ツ関数でフィッティングすることによって RF 遷移周波数を 測定した。

このような測定をフェッシュバッハ共鳴近傍の異なる磁場 で行うことにより、相互作用がない極限から有限の *p* 波相 互作用がある領域での RF 遷移周波数を測定した。(図 4)

図4の横軸を絶対磁場にとることは難しい。ここでは便 宜的に、図4の測定直前に行ったロスのデータ(図5)にお ける原子数の立ち下がりの点をフェッシュバッハ共鳴 B₀と し、そこからの磁場の離調を示している。図4を見ると、ほ ぼ直線に見える。これは2.1節で述べたように、RF 遷移周 波数が相互作用とは関係なく磁場によってシフトしている からである。相互作用の効果を算出するためにはこの相互 作用と関係のないシフトを差し引かなくてはならない。そ

²クロスビームトラップはトラップポテンシャルの理論的な扱いを難し くするので出来るだけ使いたくはないのだが、実際に計算してみると影響 がありそうなので、仕方なくこれを用いた。

^{3|1)}のみでは衝突が起きない。衝突が起きないと蒸発冷却が進まないので、混合気体を用いて衝突を誘起している

⁴この磁場での s 波散乱長は約 -290a₀ である。



図 3: 典型的な RF スペクトル







図 4: RF 遷移周波数の磁場依存性



図 5: フェッシュバッハ共鳴近傍の原子ロス

図 6: RF 遷移周波数からゼーマンシフトの理論値を差し引 いた値の磁場依存性

図6には図4のデータの他に日を改めて同様の測定をし た二つのデータ、計3つの測定データが示されている。(統 計誤差は 50Hz 程で点の大きさ程である)通常、違う日に 同じ磁場で測定した RF 遷移周波数は違う事が多い。これ はRF 遷移周波数が異なるのではなく⁵、同じだと思ってい る磁場が実は異なっているのである。よって今回の解析で は、異なる日の測定データを同じグラフ上に並べるために、 図4のようなグラフ上で横方向に平行移動させて異なる日 に測定したデータと(相互作用と関係ない領域で)重なる ようにしている。何か怪しいことをしているように見える かもしれないが、そもそも絶対磁場を mG の精度で測定す ることは非常に困難である。そして最も正確な基準が原子 準位である。この一連の作業は RF 遷移周波数の辻褄が合 うように測定日ごとの絶対磁場を定めていることに他なら ないので、一番信頼度の高い物差しで磁場を較正している というだけで、さほど不可解ではない。とはいえ、測定日 ごとにそれだけ磁場が揺らぐということは、この測定をし ている時間スケールで全く影響がないと言って良いかどう かにはいささか疑問が残る。事実、測定中に急に遷移周波 数がズレて測定を中断したことが何度もあった。図6には、 目立ったアクシデントがなかった3日間のデータを並べて いるに過ぎない。以下の考察は測定精度に難があるかもし れない(RF スペクトルを一本とるような時間スケールの統 計誤差は十分に少ないが、何点もとっている間には動いて いる可能性がある)ということを頭の片隅に置いて読んで もらいたい。

さて、データの取り扱いについての前置きが長くなった が、ここから考察に入る。図6の黒線はゼーマンシフトの

⁵実験室の中で一番正確な物差しは原子準位である。

理論値からのズレがないところを示している。159G以下で は0付近であり、それ以上になると数百~1kHzの正の値を 持っている。フェッシュバッハ共鳴の高磁場側では引力にな ることが知られており、|1〉の原子が互いに引力相互作用を 及ぼせば |1〉のエネルギーは低くなる。よって、より大きな エネルギー(大きな周波数)を与えねば遷移が起きなくな る。つまり RF 遷移周波数はより大きくなるはずである。そ の点では実験結果はある磁場(フェッシュバッハ共鳴)から 引力相互作用が大きくなり、遷移周波数が引力側にシフト しているかのように見える。ここで、図5を見ると、ロス の範囲は 4~500mG であることから、p 波相互作用が増大 している範囲もそのオーダーであることが推測される。し かし、図6において相互作用と思われる領域は1G 程あり、 ⁶ ロスがないところでも相互作用が見えているというのは 不可解である。

このデータを定量的に評価するために予想される相互作 用エネルギーを算出した。その結果が図7である。



図 7: p 波相互作用エネルギーの磁場依存性の理論値

$$\Xi = T_r e^{-(H-\mu N)/K_B T} = \Xi^0 + 2\sqrt{2}(Vz^2/\lambda^2)b_2 + O(z^3)/K_B T$$
(1)

$$b_2 = \sum_{boundstates} e^{|E_b|} + \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1) \int_0^\infty \frac{dk}{\pi} \frac{d\delta(k)}{dk} e^{-\lambda^2 k^2 / 2\pi}$$
(2)

$$\varepsilon_{int} = \frac{3nK_BT}{2}(n\lambda^3) \left[-\frac{b_2}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{2}}{3}T\frac{\partial b_2}{\partial T} \right]$$
(3)

横軸が相互作用エネルギーであり、縦軸は磁場のフェッシュバッハ共鳴からの離調である。これは [7] に則り、高温 極限での大分配関数を式 (1)(2) のように記述し (z はフガ シティーであり、λ は熱的ド・ブロイ波長)、そこからある 密度での1原子あたりの相互作用エネルギーを式 (3) のよ うに求め、さらにトラップ形状による密度の不均一を積分 して算出している⁷。図7と図6を見比べてみると、エネル ギーシフト量はおよそ1kHz 程と一致しているが、シフト している磁場領域がかなり異なっていることがわかる。理 論計算では、0~40mGの磁場領域で相互作用エネルギーが あるのに対し、測定値では1G程度まで離れてもシフトし た量が0に戻らない。これは非常に不可解である。

測定精度に不安があること、及び見えているエネルギー シフトに定量的な問題があることから、現段階ではこの結 果をもって *p* 波相互作用エネルギーを測定出来たとは言い 難い。

この結果から *p* 波相互作用エネルギーを測定するために は測定精度、つまり磁場の決定制度を向上させなければな らないことがわかった。

2.2 |1> - |2>p 波相互作用エネルギーの測定

 $|1\rangle - |2\rangle p$ 波相互作用エネルギー測定の原理は $|1\rangle - |1\rangle p$ 波の時と基本的には同じである。エネルギー準位の相互作 用によるシフトを RF 遷移周波数のズレによって観測する。 ただ、実際の測定の方法は少し異なる。 $|1\rangle - |2\rangle$ の混合気 体は極低温だと $|1\rangle - |2\rangle s$ 波相互作用のみが残る。この混合 気体を $|1\rangle - |2\rangle p$ 波フェッシュバッハ共鳴に持って行くとそ こには $|1\rangle - |2\rangle p$ 波相互作用と $|1\rangle - |2\rangle s$ 波相互作用が存在 する。それに対し、 $|2\rangle$ のみの原子気体には相互作用は存在 していない。よってその両者の $|2\rangle - |3\rangle$ RF 遷移周波数の差 をとれば、それは $|1\rangle - |2\rangle p$ 波相互作 用である。(図 8 参照)



|1>-|2>s波及び|1>-|2>p波相互作用あり

図 8: RF 分光による |1> – |2>p 波相互作用測定の原理

さらに、この測定を $|1\rangle - |2\rangle p$ 波フェッシュバッハ共鳴の 磁場とそうでない磁場で行い、図 8 の RF 遷移周波数差に 違いが生じていた場合は、 $|1\rangle - |2\rangle p$ 波フェッシュバッハ共 鳴の磁場で測定した RF 遷移周波数の差には $|1\rangle - |2\rangle p$ 波相 互作用エネルギーが含まれていることになる。($|1\rangle - |2\rangle p$ 波 フェッシュバッハ共鳴の幅は 100mG 程度であるのに対し、 $|1\rangle - |2\rangle s$ 波相互作用は 100mG 程度の違いではほとんど変

相互作用なし

(|2>のみの原子集団)

⁶そんなにあるとは思っておらず、160G を超えるような高磁場側のデー タはそこまでとっていなかった。細かい解析をしてそのことに気付いたの は測定後なのである

⁷但し、cross beam trap のトラップポテンシャルを理論的に記述する ことは困難なため single beam trap のトラップポテンシャルを用いて算 出した。

わらない。つまり 100mG 程度変えただけで、 $|1\rangle - |2\rangle$ の混 合気体と $|2\rangle$ のみの原子気体との RF 遷移周波数の差に違 いが出ていたら、それは $|1\rangle - |2\rangle p$ 波相互作用エネルギー の有無による違いが見えているということである。図 9 参 照) このようにして $|1\rangle - |2\rangle p$ 波相互作用エネルギーを測 定する。



図 9: RF 分光による |1> – |2>p 波相互作用測定の原理 2

2.2.1 実験セットアップ

実験セットアップについては 2.1.1 節とほとんど変わら ないのでそちらを見て欲しい。変わっていることと言えば、 トラップをがクロスビームトラップではなくシングルビー ムトラップを用いていること⁸と |2⟩ のみの原子気体が欲 しい時に blast する原子が |1⟩ の原子になったことぐらいで ある。

2.2.2 測定

2.2.1 節のようにして用意した $|1\rangle - |2\rangle$ の混合気体や $|2\rangle$ のみの原子気体に対し、 $|2\rangle - |3\rangle$ の遷移を起こすような RF を 50ms 間照射した。その後、トラップから解放し、四重極 磁場を数 ms 印加することによって原子集団に磁場勾配を 経験させ、準位ごとに異なる集団速度を持たせる。さらに 数 ms 自由に解放させた後、 $|1\rangle|2\rangle|3\rangle$ のどれもが共鳴するよ うな光でイメージングをした (その結果を図 10 に示す)。す ると準位によって空間的に分離することが出来る⁹。始め、 $|3\rangle$ には population がなく、 $|2\rangle - |3\rangle$ の遷移が起きると $|3\rangle$ に population が生まれるので、 $|3\rangle$ の数を(規格化のため にそれを $|1\rangle + |2\rangle$ で割った値)もって RF 遷移強度とした。

そして、|1> – |2> の混合気体の時と |2> のみの原子気体の 時とでの RF 遷移周波数の違いを測定した。さらに、その測 定をフェッシュバッハ共鳴(ロスの立ち上がりの点)+40mG



図 10: シュテルン・ゲルラッハ測定(左から順に |3>|1>|2> の原子集団である)

の磁場 $(|1\rangle - |2\rangle p$ 波の引力相互作用が期待される磁場)と-50mG の磁場 $(|1\rangle - |2\rangle p$ 波の相互作用は限りなくゼロに近 い磁場)の二点について行った。図 11・12 はその結果で ある。



図 11: RF スペクトル $(B_0 - 50mG)$

図 11 では $|1\rangle - |2\rangle p$ 波相互作用はないはずであり、赤い データ点($|1\rangle - |2\rangle$ の混合気体)と青いデータ点($|2\rangle$ のみ の原子気体)の違いは、そこに *s* 波相互作用が有るか無い かである。図 11 から *s* 波相互作用があるとスペクトルが低 周波数側にシフトするということが分かる。

図 12 では図 11 の状況に加えて、|1> – |2>p 波の引力相 互作用の有無(赤いデータ点は有り、青いデータ点は無し) も関わってくる。図 12 では相互作用があるとスペクトルは わずかに高周波数側にシフトしている。

図 11 と図 12 を合わせて考えると、「s波相互作用がある とスペクトルが低周波数側にシフトするはずなのに、p波 フェッシュバッハ共鳴によって $|1\rangle - |2\rangle p$ 波相互作用を増大さ せたことによってスペクトルが高周波数側にシフトした。」 という風に考察することが出来る。本当にそうだろうか? $|1\rangle - |2\rangle p$ 波の引力相互作用によって $|2\rangle$ の準位が下がった ならば、 $|2\rangle - |3\rangle$ RF 遷移周波数が余分に必要になるため、 RF 遷移周波数は高周波数側にシフトするはずである。得ら れた結果はその点についても矛盾しない。

しかし、この考察には多くの仮定が含まれている。まず

⁸特に意味は無い。単純に、クロスビームトラップを用いた方が良いと 気付いたのがこの実験をした後であったためである。

⁹いわゆるシュテルン・ゲルラッハ測定である。



図 12: RF スペクトル $(B_0 + 40mG)$

第一に |3〉には相互作用エネルギーによるシフトが存在し ないとしている。実はそんなことはない。始め |3〉がなくと も |1〉が存在すれば |1〉 – |3〉の相互作用によって |3〉の準位 はシフトしているはずである。しかし、これについては図 11 にも図 12 にも赤いデータ点には効果が乗っている。そ の上で図 12 において図 11 でシフトしている方向とは逆方 向にシフトしたのだから、結局この考察は崩れない。

第二に、遷移することで生まれた |3〉と |2〉は相互作用し ないとしている。実はこれに関してはどちらとも言えない。 本来、|2〉-|3〉の RF を照射している時は、|2〉と |3〉が RF によって混ぜられている状態であって、そこには |2〉という 状態も |3〉という状態も存在しないのだ。だから |2〉-|3〉s 波相互作用なんてものは存在し得ない。しかし、実際の実 験では |2〉-|3〉の RF を照射している間にデコヒーレンス (位相緩和)を起こしている可能性がある。デコヒーレンス した原子は正真正銘の |2〉若しくは |3〉なのであるから、|2〉 と |3〉は相互作用するはずである。我々の実験ではデコヒー レンスタイムをまだ調べていないため、|2〉と |3〉が相互作 用しているかどうかは分からない。また、デコヒーレンス があったとしても、ある時間ではある数の原子がデコヒー レンスしていて、測定結果はそれによる影響を時間で積分 した値となるので、定量的な評価は難しくなるだろう。

第三に、RFを照射している時も |1〉と |2〉が相互作用す るとしていることである。上記の話から RF を照射してい る時は |2〉という状態は存在していない可能性があること が分かるだろう。では |1〉と「|2〉と |3〉が RF によって混 ぜられている状態」が相互作用しているのだろうか?その 散乱長はいくつとすればよいのだろうか?この疑問につい ては勉強不足で答えることが出来ないが、デコヒーレンス まで考えるとこの結果の取り扱いは非常に複雑になるとい うことが分かっただろう。これは第一で述べた |1〉- |3〉に ついても同様のことが言える。

さて、以上のことを踏まえると、この結果から「|1
angle - |2
angle p

波相互作用が測定出来た。」と断言してしまうのはいささか 乱暴であると考える。しかし、前向きなデータが測定出来 ていることは事実であり、これからデコヒーレンスタイム の測定などの検証実験を行うことで、見えているシフトが |1) – |2) p 波相互作用かどうかを検証出来ると考える。

3 まとめと展望

p波フェッシュバッハ共鳴近傍において、p波相互作用エ ネルギーの測定を目指し、RF 分光を施した。結論から言 うと、今回の測定で p 波相互作用を観測したと確証付ける データはとれなかった。もしかすると、とれているのかもし れないが、確証付けるには如何せん測定精度が悪く、とれ たデータに自信が持てない。さらに解析方法にも自信がな く、この結果から p 波相互作用を測定できたとは言い難い。 今後は測定値のゆらぎの最も大きな要因となっている磁

場ゆらぎに対して対策を施していきたいと思っている。

参考文献

- Qijin Chen, et al., BCS-BEC crossover:From High Temperature Superconductors to Ultracold Superfluids, arXiv:cond-mat/0404274 (2004)
- [2] J. chang, et al. P-wave Feshbach resonances of ultracold ⁶Li,Phys.Rev.A,70,030702(R) (2004)
- [3] Takuya Nakasuji,et al.,
 Experimental determination of *p*-wave scattering parameters in ultracold ⁶Li atoms, Phys.Rev.A,88 012710 (2013)
- [4] 中筋拓也, 極低温原子気体リチウムにおける p 波相互 作用制御, 修士論文
- [5] C. Chin, et al., Observation of the Pairing Gap in a Strongly Interacting Fermi Gas, Science 305, 1128 (2004)
- [6] T.-L. Ho et al., Phys. Rev. Lett. 92, 160404 (2004)
- [7] Kerson Huang, Statistical Mecanics,
- [8] Joseph Kinast, et al., Heat Capacity of a Strongly Interacting Fermi Gas Science 307, 1296 (2005)
- [9] 稲田安寿, 極低温フェルミオン原子⁶Li における s 波 及び p 波対形成, 博士論文